

En Physique, l'expérience montre que si l'on considère une population macroscopique de noyaux radioactifs, le nombre moyen de noyaux qui se désintègrent pendant un intervalle de temps  $\Delta t$  à partir d'un instant  $t$  (rapporté au nombre total de noyaux  $N(t)$  présents à l'instant  $t$  et au temps d'observation  $\Delta t$ ) est une constante  $\lambda$ , caractéristique du noyau en question. Ainsi  $\Delta N(t) = -\lambda N(t) \Delta t$  que les physiciens modélisent par  $N'(t) = -\lambda N(t)$ . On obtient alors une équation particulière liant une fonction et sa dérivée.

**Définition 1** : On dit que  $f$ , fonction dérivable sur un intervalle  $\mathbb{I}$ , est solution de l'équation différentielle  $f' = kf$  si, et seulement si, pour tout  $x$  de  $\mathbb{I}$ ,  $f'(x) = kf(x)$ .

Résoudre l'équation différentielle, c'est déterminer toutes les solutions fonctions de cette équation.

Remarque : En Physique, on écrit aussi :  $dy = ky \, dx$ , ou  $\frac{dy}{dx} = ky$ , ou encore  $y' = ky$ .